

Ligning (5) i bogens kapitel er givet ved

$$\frac{dA^{MAVE}}{dt} = -K_a A^{MAVE} \quad (1)$$

Løsningen til (1) er givet ved

$$A^{MAVE}(t) = A_0^{MAVE} \exp(-K_a t) \quad (2)$$

Mængden af medicin i blodet (A) er givet ved ligning (6) i bogens kapitel

$$\frac{dA}{dt} = F K_a A^{MAVE} - K A \quad (3)$$

$$= F K_a A_0^{MAVE} \exp(-K_a t) - K A \quad (4)$$

idet vi har indsat ligning (2).

Løsningen til (3) findes ved brug af Panserformlen (eller ved brug af eksempelvis Maple) til

$$A(t) = \exp(-P(t)) \left(\int \exp(P(t)) q(t) dt + C \right) \quad (5)$$

hvor C er en arbitrær konstant og

$$P(t) = \int K \cdot dt = K \cdot t \quad (6)$$

$$q(t) = F K_a A_0^{MAVE} \exp(-K_a t) \quad (7)$$

dermed kan $A(t)$ findes til

$$A(t) = \exp(-K \cdot t) \left(\int \exp(K \cdot t) F K_a A_0^{MAVE} \exp(-K_a t) dt + C \right) \quad (8)$$

$$= \exp(-K \cdot t) \left(\int \exp(K \cdot t) F K_a A_0^{MAVE} \exp(-K_a t) dt + C \right) \quad (9)$$

$$= \exp(-K \cdot t) \left(F K_a A_0^{MAVE} \int \exp((K - K_a)t) dt + C \right) \quad (10)$$

$$= \exp(-K \cdot t) \left(\frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} \exp((K - K_a)t) + C \right) \quad (11)$$

$$= \left(\frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} \exp(-K_a t) + C \cdot \exp(-K \cdot t) \right) \quad (12)$$

hvor C er en arbitrær konstant, der skal bestemmes ud fra begyndelsesbetingelsen ($A(0) = 0$), ved at indsætte $t = 0$ fås

$$A(0) = \left(\frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} + C \right) \quad (13)$$

hvilket er opfyldt for

$$C = -\frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} \quad (14)$$

ved at indsætte C i (12) fås

$$A(t) = \left(\frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} \exp(-K_a t) - \frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} \cdot \exp(-K \cdot t) \right) \quad (15)$$

$$= \frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K - K_a} (\exp(-K_a t) - \exp(-K \cdot t)) \quad (16)$$

$$= \frac{F K_a A_0^{MAVE}}{K_a - K} (\exp(-K \cdot t) - \exp(-K_a t)) \quad (17)$$

hvilket er ligning (7) i bogens kapitel (dog med A_0 udskiftet med A_0^{MAVE}).